

Nom:	Angles et parallélisme Contrôle A	Date :
Prénom :		
Classe : 5...		

Exercice 1 : (7pts)

Les droites (AB) et (CD) sont parallèles.

1. Cite un angle obtus.

Parmi les angles obtus on peut citer :

$\hat{e}, \hat{g}, \widehat{PED}, \widehat{QPB}$

2. Cite une paire d'angles alternes-internes.

Parmi les angles alternes-internes on peut citer : \hat{b} et \hat{d} ; \hat{e} et \hat{f} ; \widehat{BPE} et \widehat{PEF}

3. Cite une paire d'angles correspondants.

Parmi les angles correspondants on peut citer : \hat{g} et \widehat{CFT} ; \hat{b} et \widehat{CFT} ; \hat{f} et \hat{c} .

4. Cite une paire d'angles opposés par le même sommet.

Parmi les angles opposés par le même sommet on peut citer : \hat{b} et \hat{a} ; \hat{d} et \widehat{CFT} ; \hat{c} et \widehat{BPE} .

5. Donne la mesure des angles \hat{a} et \hat{c} .

$\hat{a} = 90^\circ - 34^\circ = 56^\circ$ $\hat{c} = 34^\circ$ car \hat{c} l'angle \widehat{BPE} sont opposés par le sommet et $\widehat{BPE} = 34^\circ$.

6. Donne la mesure de l'angle \widehat{PER} . Comment appelle-t-on cet angle ?

$\widehat{PER} = 180^\circ$, \widehat{PER} est un angle plat.

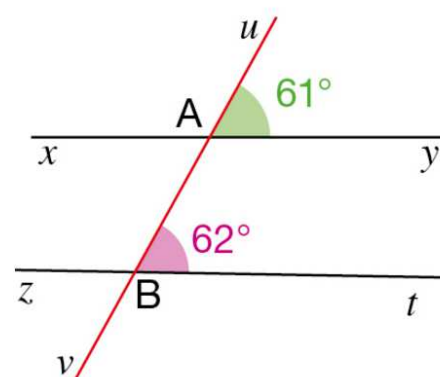
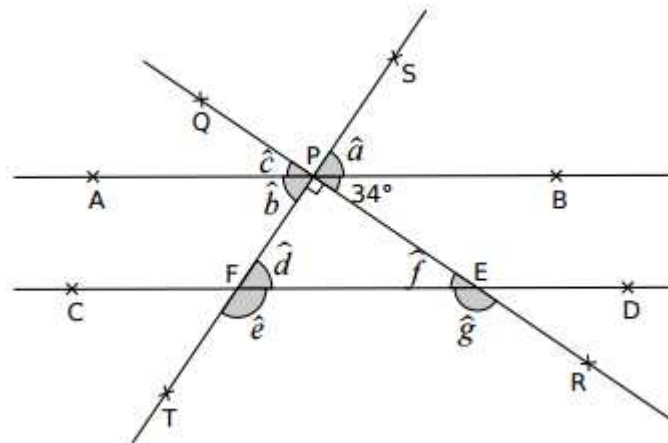
Exercice n°2 (4pts)

Les droites (xy) et (zt) sont-elles parallèles ? Justifie ta réponse.

Les droites (xy) et (zt) coupées par la sécante (uv) forment des angles correspondants \widehat{uAy} et \widehat{uBt} .

Or $\widehat{uAy} \neq \widehat{uBt}$

Donc les droites (xy) et (zt) ne sont pas parallèles.



Exercice n°3 (9pts):

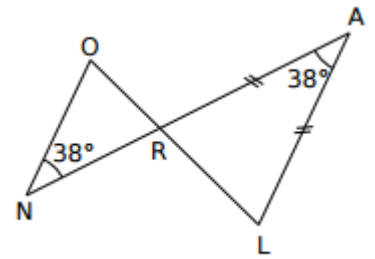
On considère la figure ci-contre.

1. Démontre que (NO) et (LA) sont parallèles.

Les droites (NO) et (LA) coupées par la sécante (NA) forment des angles-alternes \widehat{ONR} et \widehat{RAL} .

Or $\widehat{ONR} = \widehat{RAL} = 38^\circ$

Donc les droites (NO) et (LA) sont parallèles.



2. Démontre que les angles \widehat{ALR} et \widehat{NOR} ont la même mesure.

Les droites (NO) et (LA) coupées par la sécante (LO) forment des angles-alternes \widehat{ALR} et \widehat{NOR} .

Or d'après a) les droites (NO) et (LA) sont parallèles.

Donc $\widehat{ALR} = \widehat{NOR}$.

3. Sachant que la somme des angles dans un triangle est égale 180° , calcule la mesure de l'angle \widehat{ALR} et en déduire celle de \widehat{NOR} .

On donne $AR = AL$ donc le triangle ALR est isocèle en A et possède donc deux angles de même mesure $\widehat{ARL} = \widehat{ALR}$.

Et comme la somme des angles dans un triangle est égale à 180° on a donc :

$$\widehat{ARL} + \widehat{ALR} + 38^\circ = 180^\circ$$

$$\text{donc } \widehat{ARL} = \widehat{ALR} = (180^\circ - 38^\circ) \div 2 = 71^\circ.$$

$$\text{D'après 2) } \widehat{ALR} = \widehat{NOR} \text{ donc } \widehat{NOR} = 71^\circ$$

4. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{ORN} ? Justifie ta réponse.

Les angles \widehat{ARL} et \widehat{ORN} sont opposés par le sommet donc $\widehat{ARL} = \widehat{ORN} = 71^\circ$

D'après 3) on a $\widehat{ALR} = \widehat{NOR} = 71^\circ$ donc $\widehat{NOR} = \widehat{ORN} = 71^\circ$.

Autre méthode pour calculer \widehat{ORN} : On sait que la somme des angles dans un triangle est égale à 180° donc $\widehat{ORN} = 180^\circ - (38^\circ + 71^\circ) = 71^\circ$

5. Déduis-en la nature du triangle NOR.

Dans le triangle NOR, on a deux angles de même mesure \widehat{ORN} et \widehat{NOR} donc NOR est un triangle isocèle (isocèle en N).

Nom:	Angles et parallélisme Contrôle B	Date :
Prénom :		
Classe : 5...		

Exercice 1 :

Les droites (AB) et (CD) sont parallèles.

1. Cite un angle aigu.

Parmi les angles aigus on peut citer : \hat{a} , \hat{b} , \hat{c} , \hat{d} , \hat{e} et \hat{f} .

2. Cite une paire d'angles alternes-internes.

Parmi les angles alternes-internes on peut citer : \hat{b} et \hat{d} ; \hat{e} et \hat{f} ; \widehat{BPE} et \widehat{PEF}

3. Cite une paire d'angles correspondants.

Parmi les angles correspondants on peut citer : \hat{g} et \widehat{CFT} ; \hat{b} et \widehat{CFT} ; \hat{f} et \hat{c} .

4. Cite une paire d'angles opposés par le même sommet.

Parmi les angles opposés par le même sommet on peut citer : \hat{b} et \hat{a} ; \hat{d} et \widehat{CFT} ; \hat{c} et \widehat{BPE}

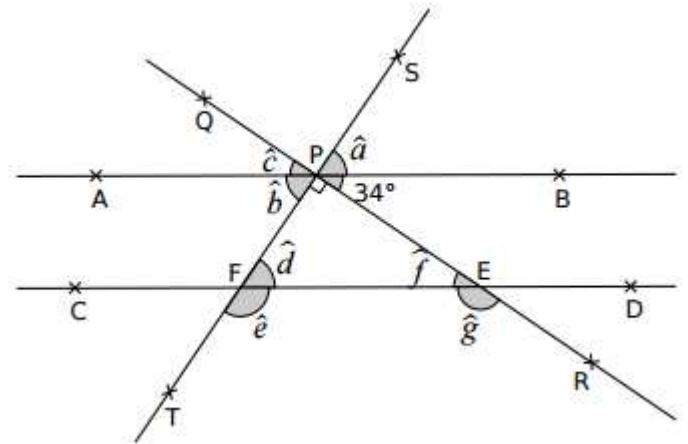
5. Donne la mesure des angles \hat{f} et \hat{g} .

$\hat{f} = 34^\circ$ car \hat{f} et \widehat{BPE} sont alternes-internes formés par les droites parallèles (AB) et (CD) coupées par la sécante (PE).

$\hat{g} = 180^\circ - 34^\circ = 146^\circ$

6. Donne la mesure de l'angle \widehat{PER} . Comment appelle-t-on cet angle ?

$\widehat{PER} = 180^\circ$, \widehat{PER} est un angle plat.



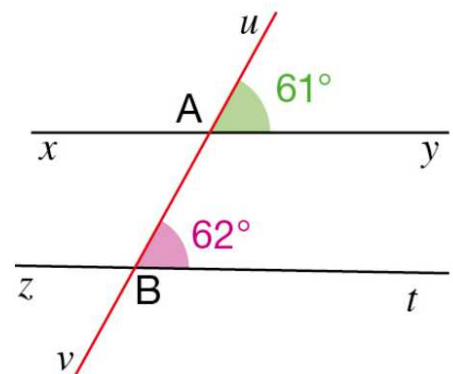
Exercice n°2

Les droites (xy) et (zt) sont-elles parallèles ? Justifie ta réponse.

Les droites (xy) et (zt) coupées par la sécante (uv) forment des angles correspondants \widehat{uAy} et \widehat{uBt} .

Or $\widehat{uAy} \neq \widehat{uBt}$

Donc les droites (xy) et (zt) ne sont pas parallèles.



Exercice n°3 :

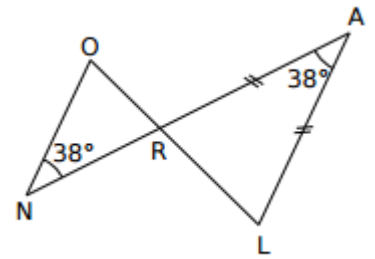
On considère la figure ci-contre.

1. Démontre que (NO) et (LA) sont parallèles.

Les droites (NO) et (LA) coupées par la sécante (NA) forment des angles-alternes \widehat{ONR} et \widehat{RAL} .

Or $\widehat{ONR} = \widehat{RAL} = 38^\circ$

Donc les droites (NO) et (LA) sont parallèles.



2. Démontre que les angles \widehat{ALR} et \widehat{NOR} ont la même mesure.

Les droites (NO) et (LA) coupées par la sécante (LO) forment des angles-alternes \widehat{ALR} et \widehat{NOR} .

Or d'après a) les droites (NO) et (LA) sont parallèles.

Donc $\widehat{ALR} = \widehat{NOR}$.

3. Sachant que la somme des angles dans un triangle est égale 180° , calcule la mesure de l'angle \widehat{ALR} et en déduire celle de \widehat{NOR} .

On donne $AR = AL$ donc le triangle ALR est isocèle en A et possède donc deux angles de même mesure $\widehat{ARL} = \widehat{ALR}$.

Et comme la somme des angles dans un triangle est égale à 180° on a donc :

$$\widehat{ARL} + \widehat{ALR} + 38^\circ = 180^\circ$$

$$\text{donc } \widehat{ARL} = \widehat{ALR} = (180^\circ - 38^\circ) \div 2 = 71^\circ.$$

$$\text{D'après 2) } \widehat{ALR} = \widehat{NOR} \text{ donc } \widehat{NOR} = 71^\circ$$

4. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{ORN} ? Justifie ta réponse.

Les angles \widehat{ARL} et \widehat{ORN} sont opposés par le sommet donc $\widehat{ARL} = \widehat{ORN} = 71^\circ$

D'après 3) on a $\widehat{ALR} = \widehat{NOR} = 71^\circ$ donc $\widehat{NOR} = \widehat{ORN} = 71^\circ$.

Autre méthode pour calculer \widehat{ORN} : On sait que la somme des angles dans un triangle est égale à 180° donc $\widehat{ORN} = 180^\circ - (38^\circ + 71^\circ) = 71^\circ$

5. Déduis-en la nature du triangle NOR.

Dans le triangle NOR, on a deux angles de même mesure \widehat{ORN} et \widehat{NOR} donc NOR est un triangle isocèle (isocèle en N).